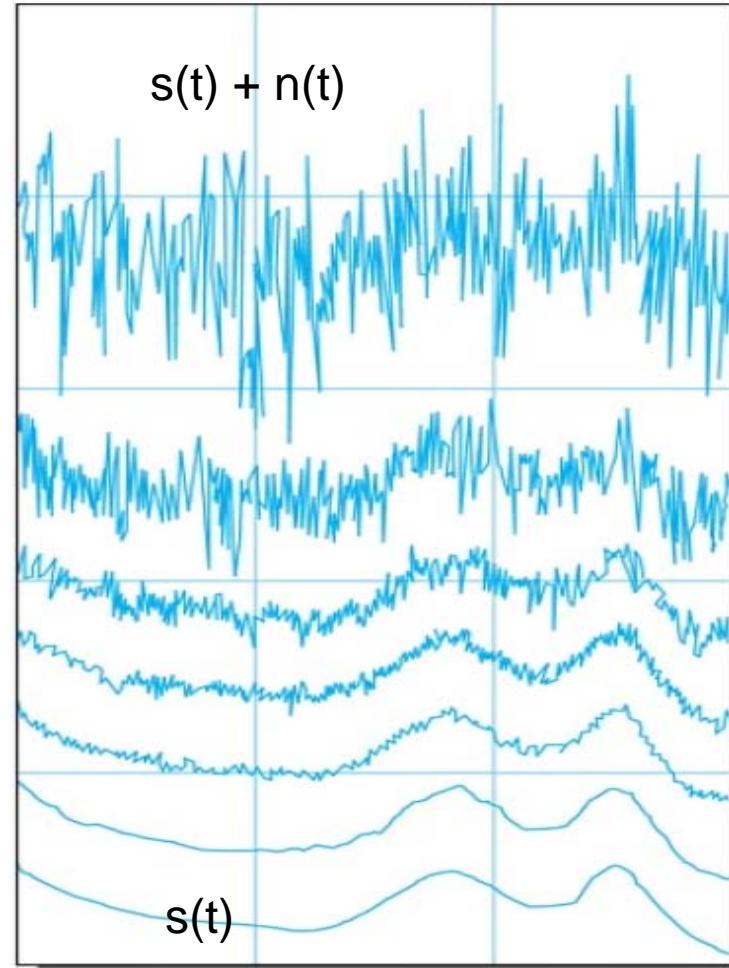


Signal, šum in spekter

- Analogni in digitalni signali
- Koherenca in interferenca
- Viri šumov
- Termični in kvantni šum
- Planckov zakon sevanja črnega telesa
- Digitalne modulacije
- Spektri mobilnih zvez

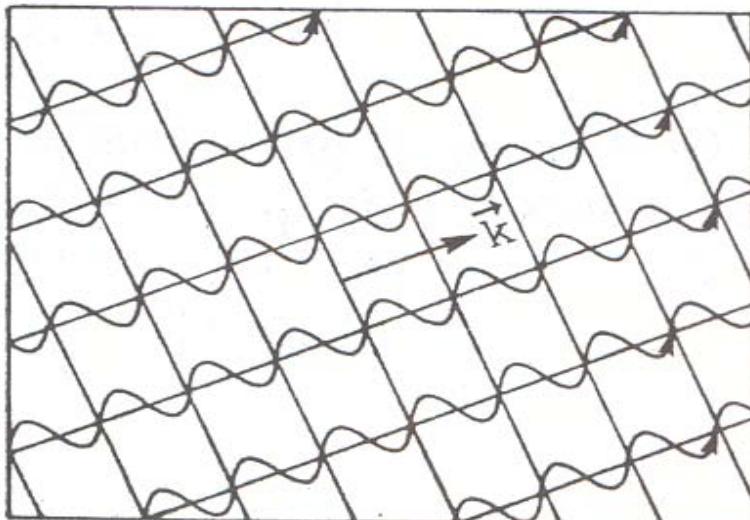


Analogni in digitalni signali

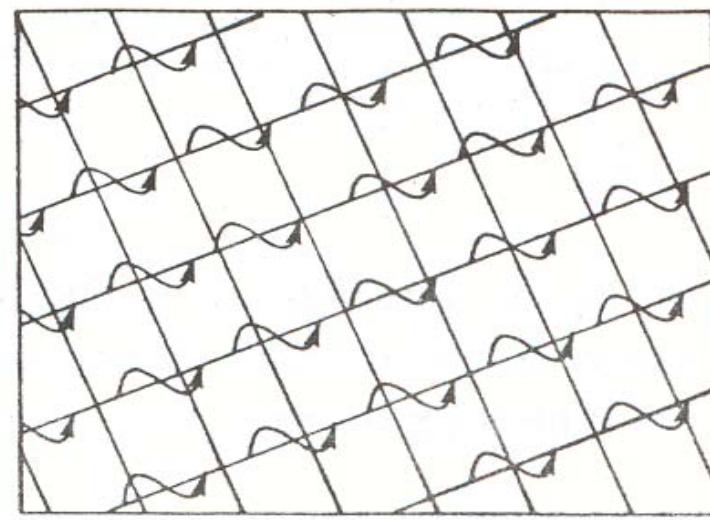
- Analogni signali:
 - Koherentni, monokromatski
 - Nekoherentni, polikromatski
- Digitalni:
 - Večnivojski
 - Binarni

Monokromatski in polikromatski ravninski val

Ravninski monokromatski val



Ravninski polikromatski val

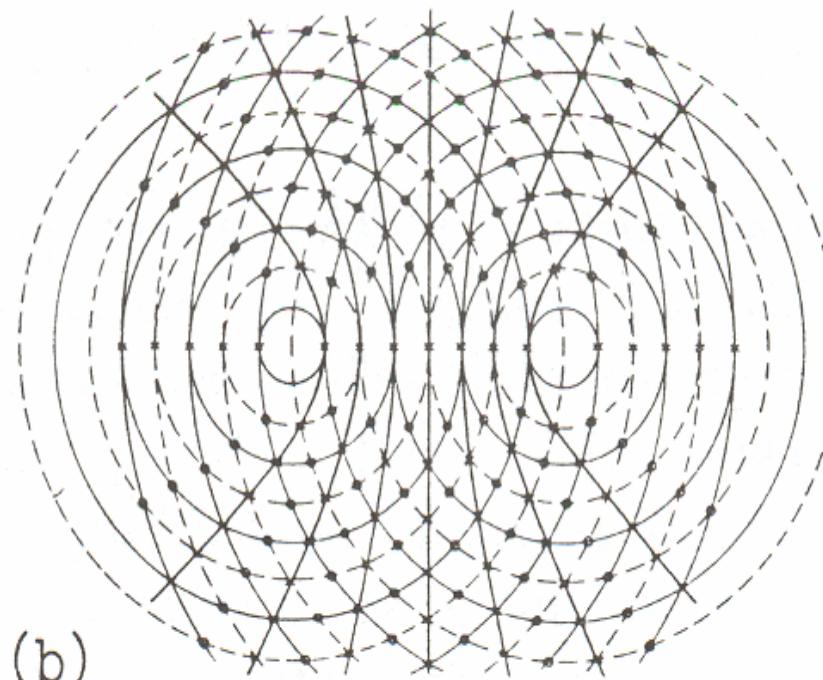
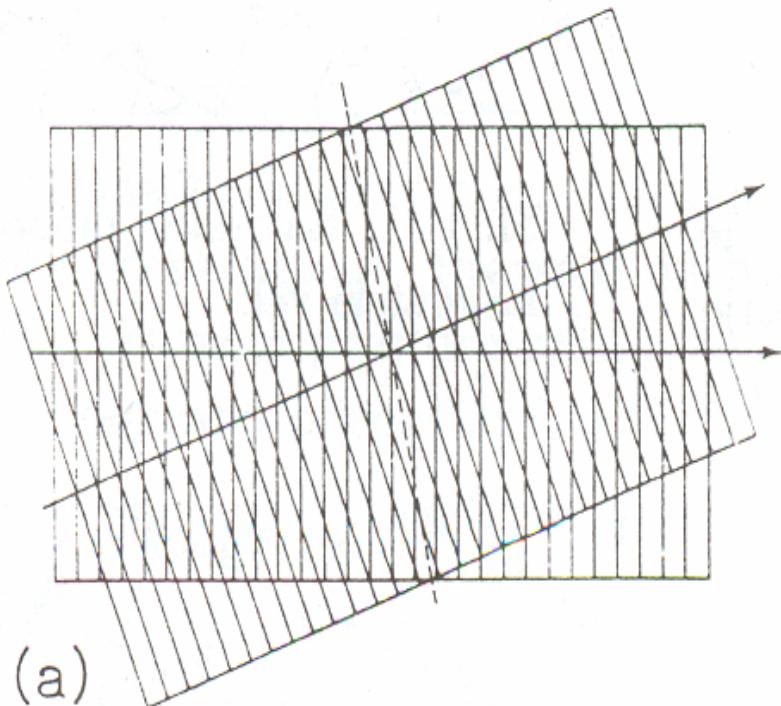


- Ena frekvenca
- Konstantna faza
- Nepretrganost vala

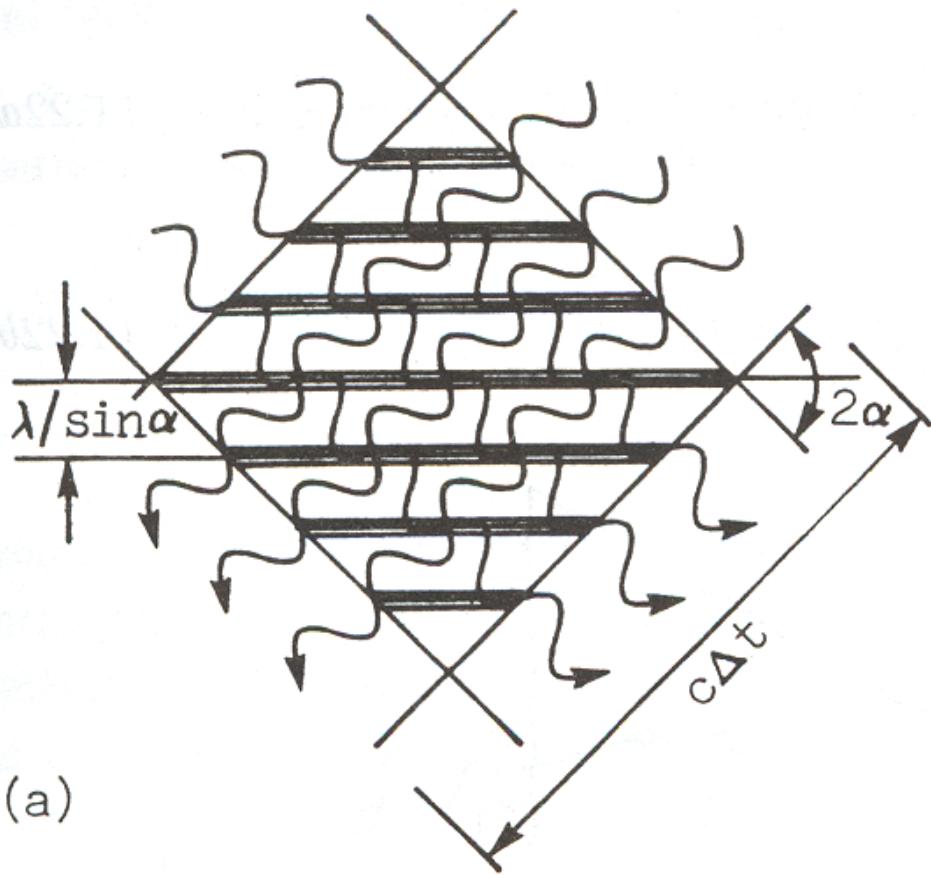
- Širok spekter diskretnih ali zveznih frekvenc
- Naključna faza
- Pretrgani valovni paketi

Interferencia v prostoru

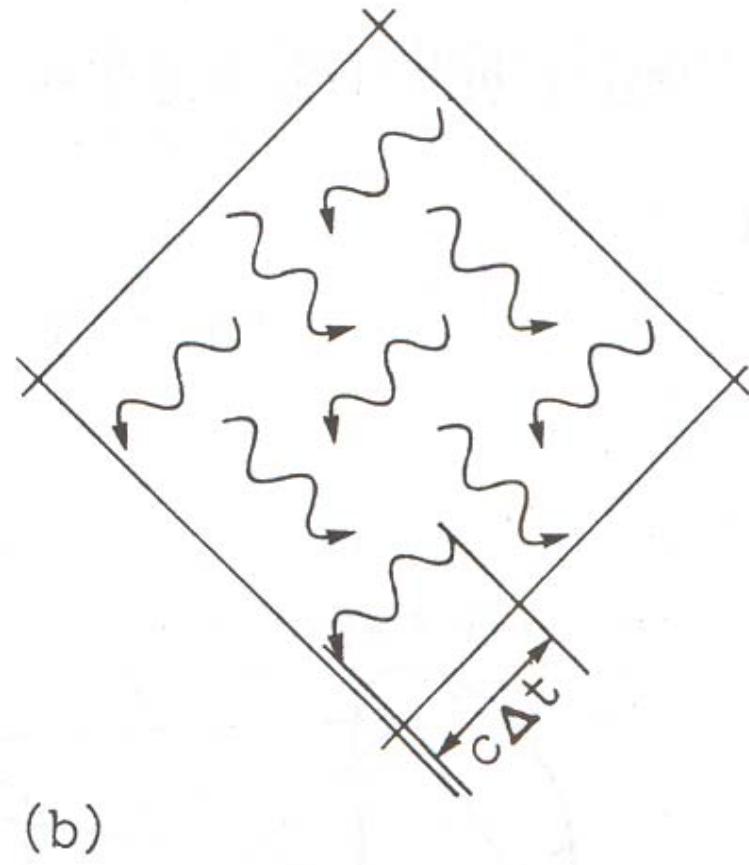
- Interferencia koherentnih ravninskih valov
- Interferencia koherentnih valjnih valov



Interferencia koherentních in nekoherentních valov



(a)



(b)

Koherenca polja

$E(r, t) = A(r, t)e^{j\phi(r, t)}$, kompleksna časovna fluktuacija amplitude in faze skalarnega polja

$E_{tren}(r, t) = \operatorname{Re}[E(r, t)e^{j\omega t}]$, trenutna vrednost poljske jakosti

Stopnja koherenčnosti:

Normirana časovna korelacija polj E_1 in E_2 v točkah prostora r_1 in r_2 in ob času t_1 in t_2 s presledkom τ :

$$\gamma(r_1, r_2, \tau) = \frac{\overline{E_1(r_1, t + \tau) E_2^*(r_2, t)}}{\sqrt{\overline{E_1(r_1, t) E_1^*(r_1, t)} \overline{E_2(r_2, t) E_2^*(r_2, t)}}}$$

Posebna primera:

- korelacija v dveh časih $\gamma(t_1, t_2)$
- korelacija v dveh točkah $\gamma(r_1, r_2)$

• časovna koherenčnost:

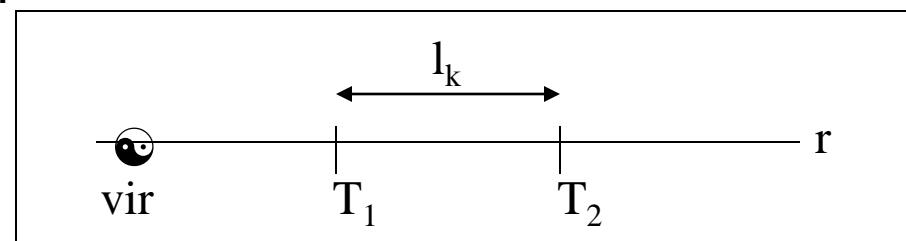
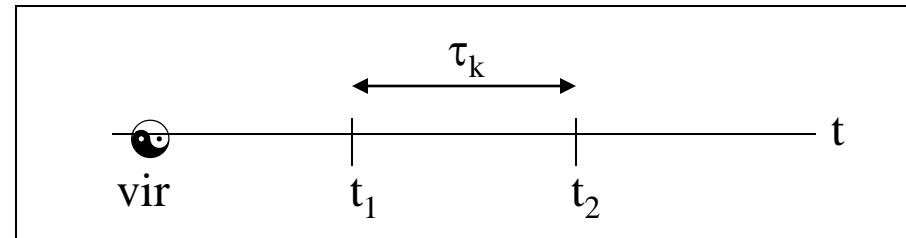
Polje spektralne širine Dn ohranja koherenco v dani točki prostora v koherenčnem času τ_k :

$$\tau_k = \frac{1}{\Delta\nu}, \text{ koherenčni čas}$$

• vzdolžna (prostorska) koherenčnost:

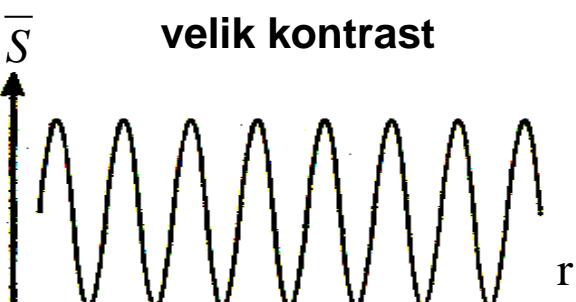
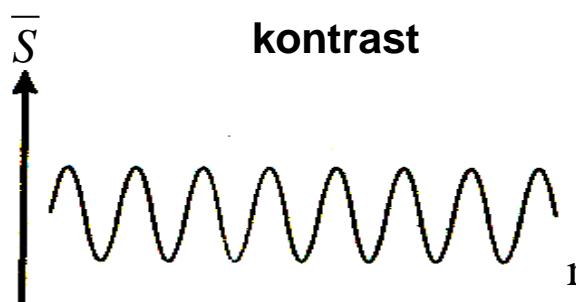
Polje spektralne širine $\Delta\nu$ ohranja koherenco v okolici dane točke prostora na vzdolžni koherenčni dolžini l_k v smeri širjenja:

$$l_k = c\tau_k = \frac{c}{\Delta\nu} = \frac{\lambda^2}{\Delta\lambda}, \text{ koherenčna dolžina}$$



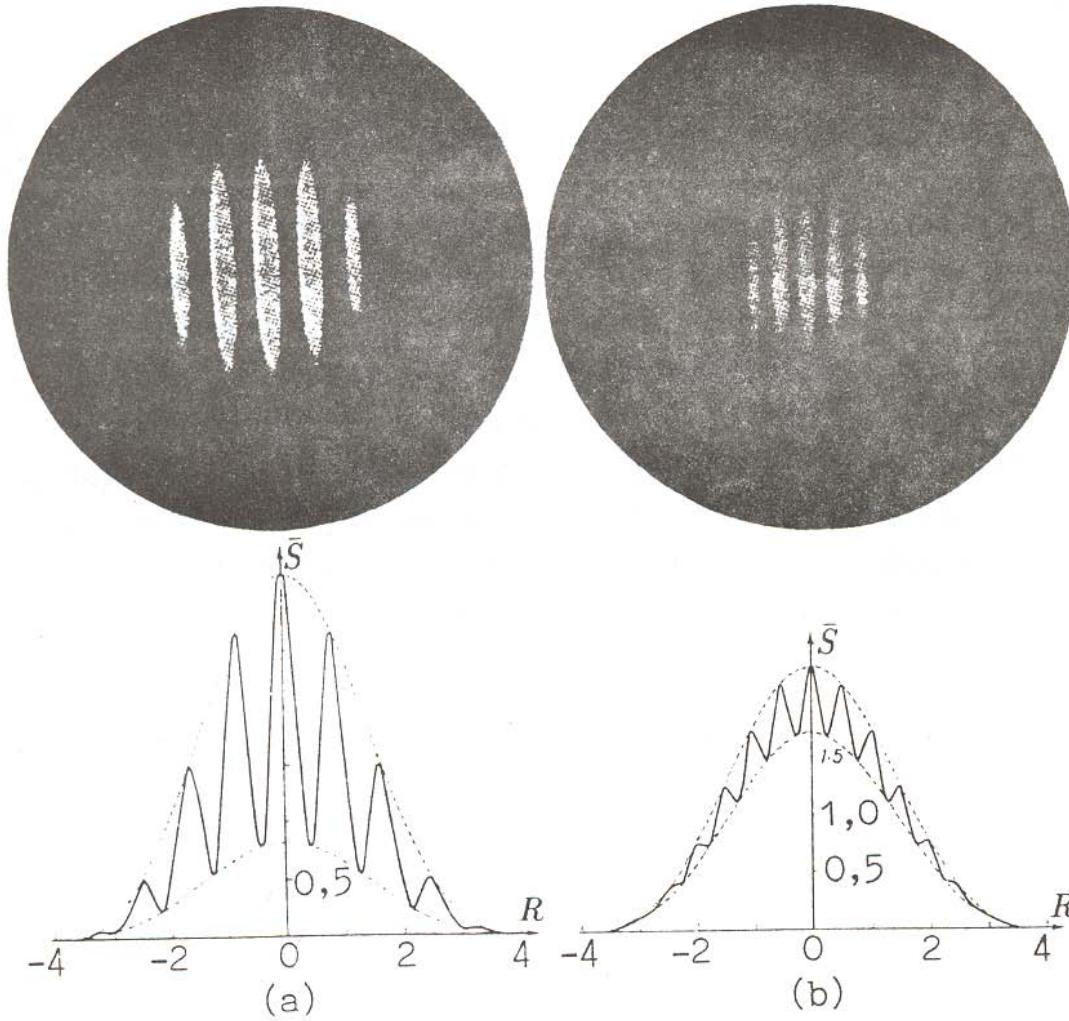
Interferenca in aditivnost

Superpozicija polja virov 1 in 2. Zapis kompl. amplitude polja: $E(r,t) = A(r,t)e^{j\phi(r,t)}$

Koherentno polje	Delno koherentno polje	Nekoherentno polje
$E = E_1 + E_2$ $\overline{E_1 E_2}^* = \max$ $\gamma = 1$ $\overline{S} = \overline{S_1} + \overline{S_2} + 2\sqrt{\overline{S_1 S_2}} \cos \phi$	$E = E_1 + E_2$ $\overline{E_1 E_2}^* \neq 0$ $0 < \gamma < 1$ $\overline{S} = \overline{S_1} + \overline{S_2} + \frac{1}{Z_0} \operatorname{Re} \left[\overline{E_1 E_2}^* \right]$	$E = E_1 + E_2$ $\overline{E_1 E_2}^* = 0$ $\gamma = 0$ $\overline{S} = \overline{S_1} + \overline{S_2}$
		

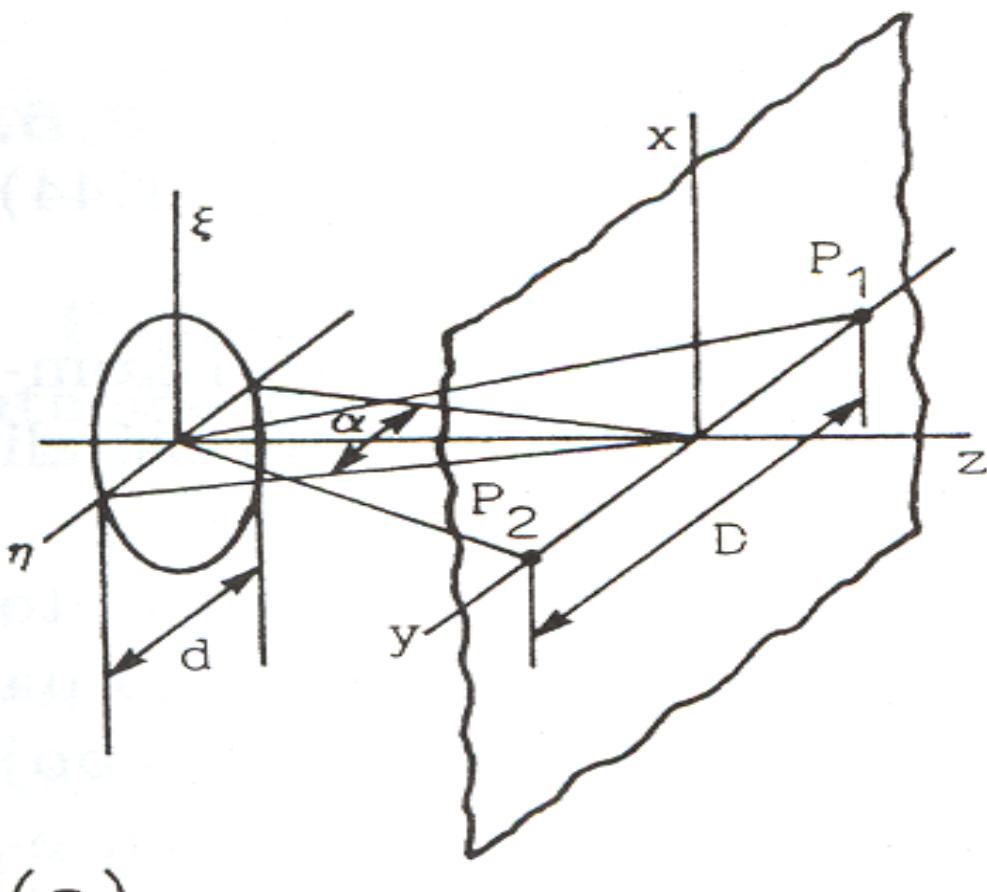
KOHERENCA: aditivnost po polju (ni aditivnosti po moči)
NEKOHERENCA: aditivnost po polju in aditivnost po moči

Primer interference svetlobe

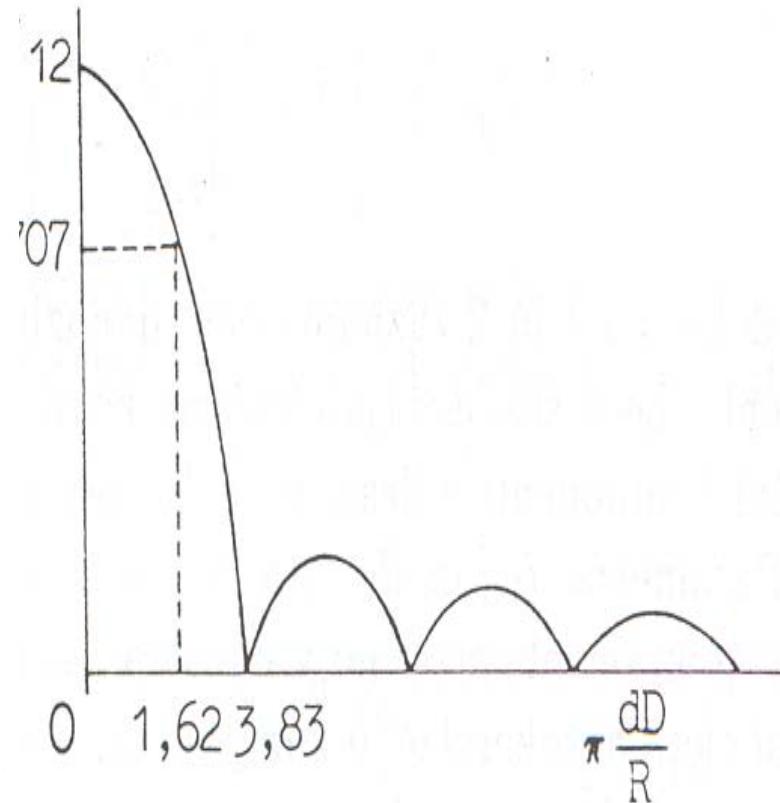


Stopnja prečne koherence

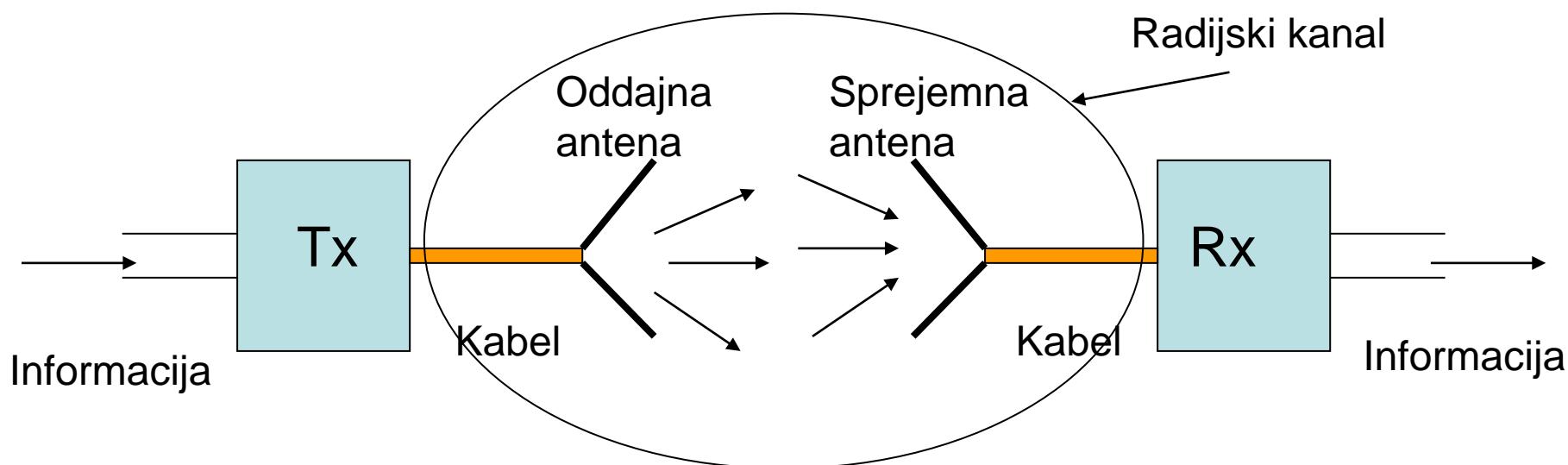
- Porazdeljen vir



(a)



Radijski kanal v prostoru

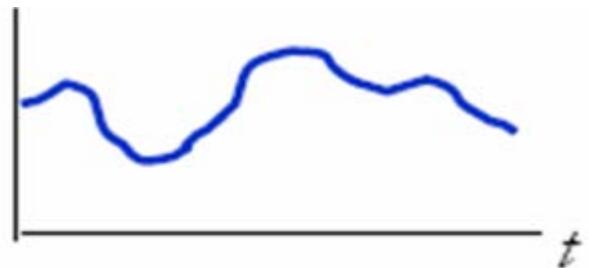


- Modulator v oddajniku pretvarja informacijski (bitni) signal v radio-frekvenčni signal
- Demodulator v sprejemniku povrne radiofrekvenčni signal v informacijski (bitni) signal

Analogni, digitalni in binarni signal

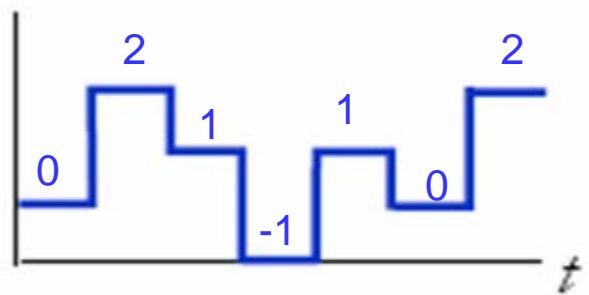
Analogni signali

Signal zavzema poljubne vrednosti



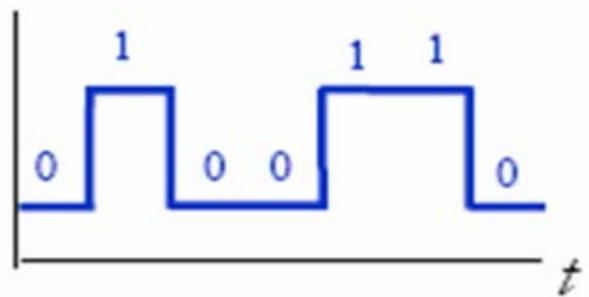
Digitalni signali

Signal zavzema pozitivne in negativne diskretne vrednosti v več nivojih

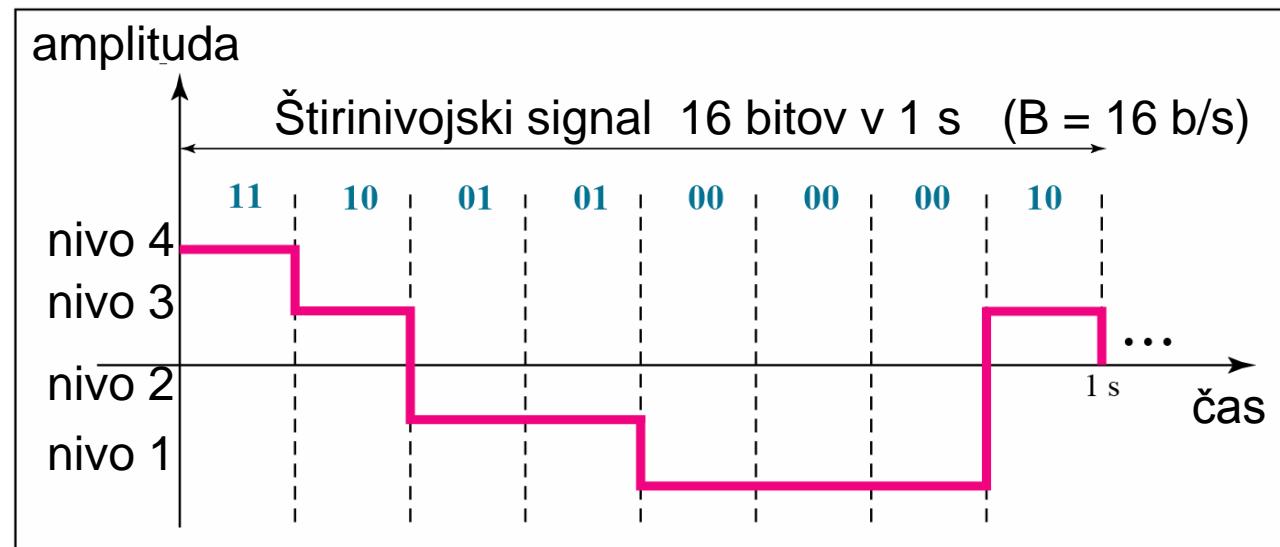
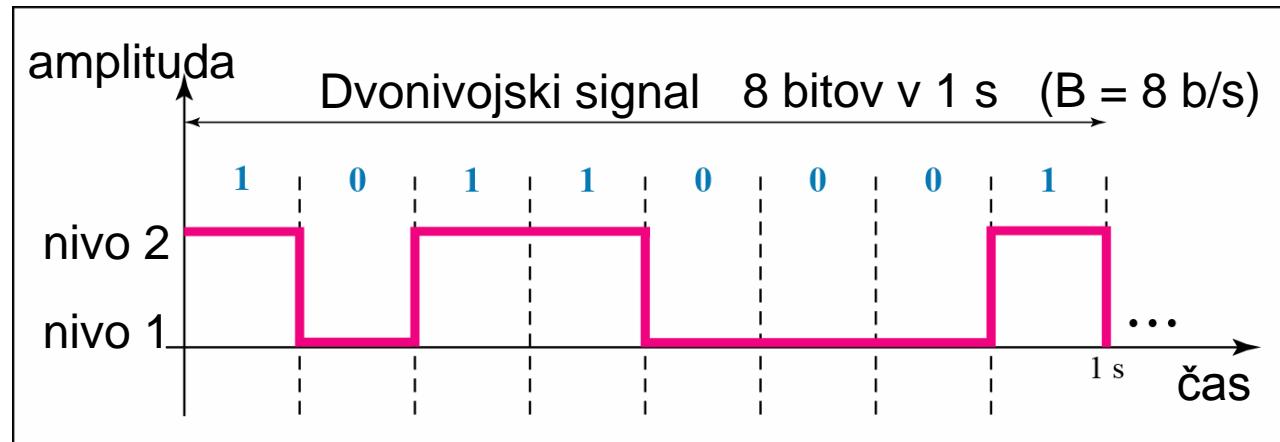


Binarni signali

Signal zavzema dve diskretni vrednosti
(0 in 1)



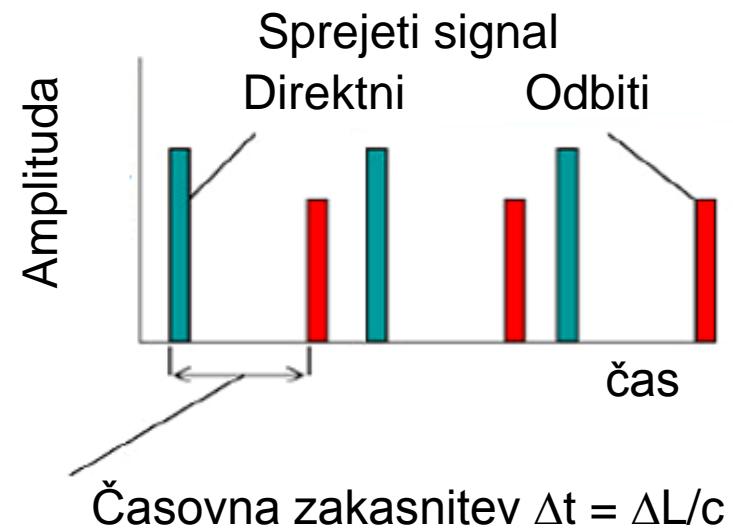
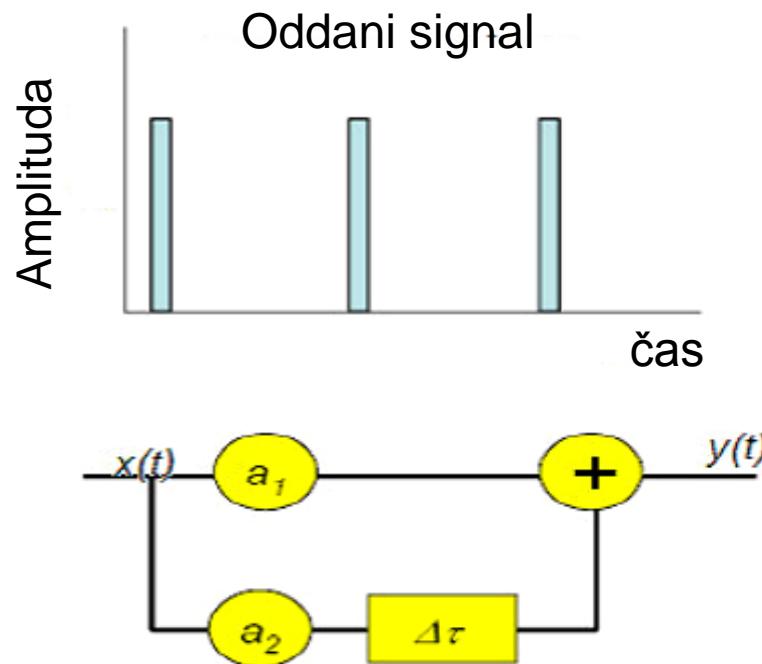
Dvo- in večnivojski signali



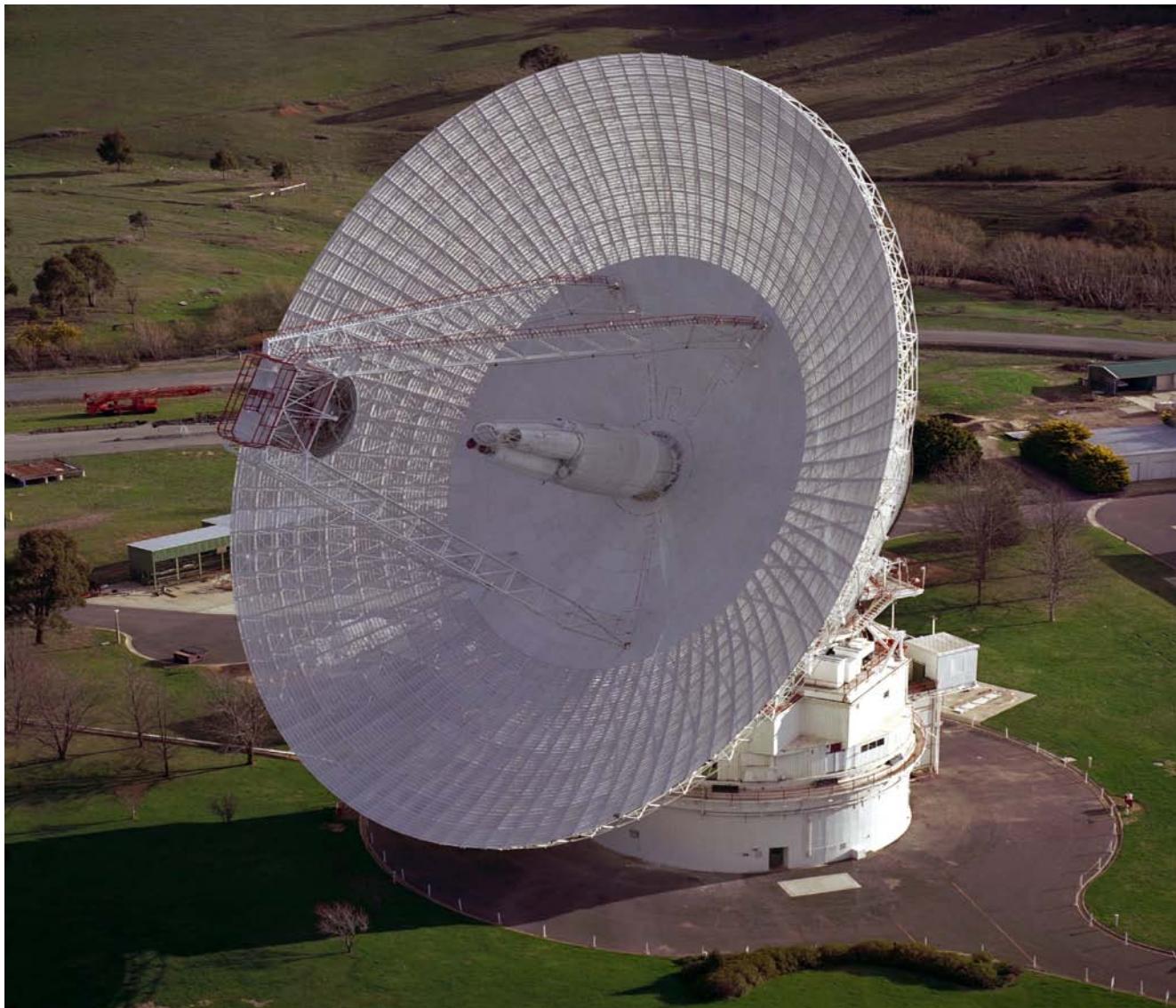
Popačitve signala

Razširjanje po več prenosnih poteh

- Selektivni presih
- Intersimbolna interferenca
- OFDM in MIMO



Šum v Radiokomunikacijah



Satelitska zemeljska antena

Planckov zakon s kvantnim šumom

- **Vakuumsko polje** (ničelna energija, vakuumske fluktuacije, kvantni šum)
- **Razširjen Planckov zakon** (1911)

$$\rho(v, T) = \frac{8\pi v^2}{c^3} \left(\frac{hv}{e^{\frac{hv}{k_B T}} - 1} + \frac{hv}{2} \right) \text{Jsm}^{-3}$$

Toplotni in kvantni šum

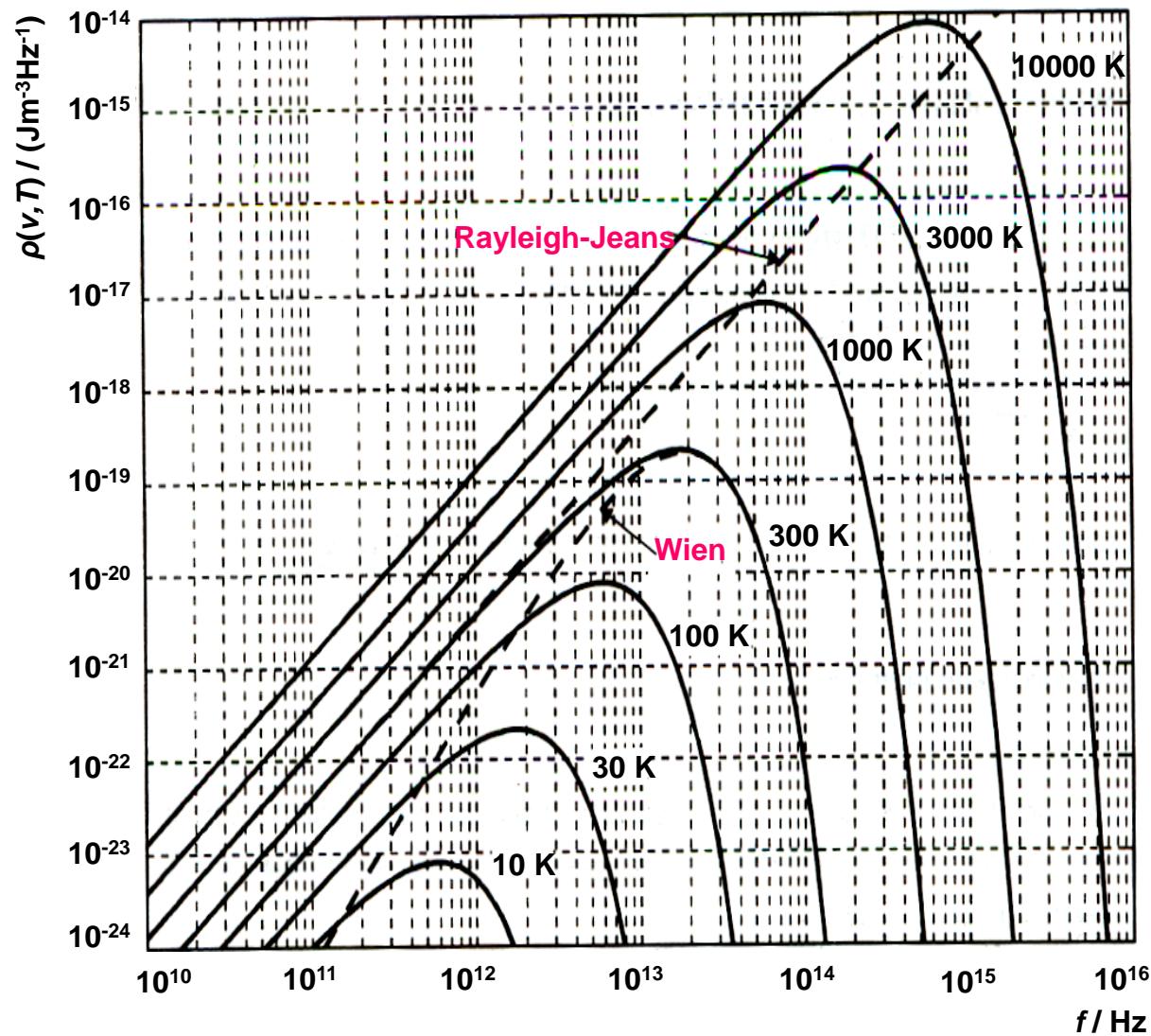
Nekaj posebnosti:

- obstoj (začetne) ničelne energije v fizikalnem vakuumu (prostor brez masnih delcev (atomov) in energijskih delcev (fotonov)). Fizikalni vakuum torej ni prazen prostor.
- Ni energijskega stanja z energijo nič (tudi pri $T = 0$).
- vakuumsko polje je posledica ali (vzrok) kvantne nedoločenosti (Heisenbergov princip nedoločljivosti, 1927)

Učinki:

- povzroča kvantni šum, ki je pomemben v optičnih komunikacijah
- sproža spontano emisijo (ta pa sproža stimulirano emisijo)

Planckov zakon - približki



- **Rayleigh-Jeansov približek** za radiofrekvenčno področje ($h\nu \ll k_B T$)

$$\rho(f, T) \doteq \frac{8\pi f^2}{c^3} k_B T \quad \text{Jm}^{-3} \text{Hz}^{-1}$$

- Wienov približek za infra rdeče in naslednja valovna področja ($h\nu \gg k_B T$)

$$\rho(f, T) \doteq \frac{8\pi h\nu^3}{c^3} e^{-\frac{h\nu}{k_B T}} \quad \text{Jm}^{-3} \text{Hz}^{-1}$$

- Wienov zakon premika ($d\rho/dv = 0$)

$$\lambda_{max} T = 0,2898 \cdot 10^{-2} \text{ mK}$$

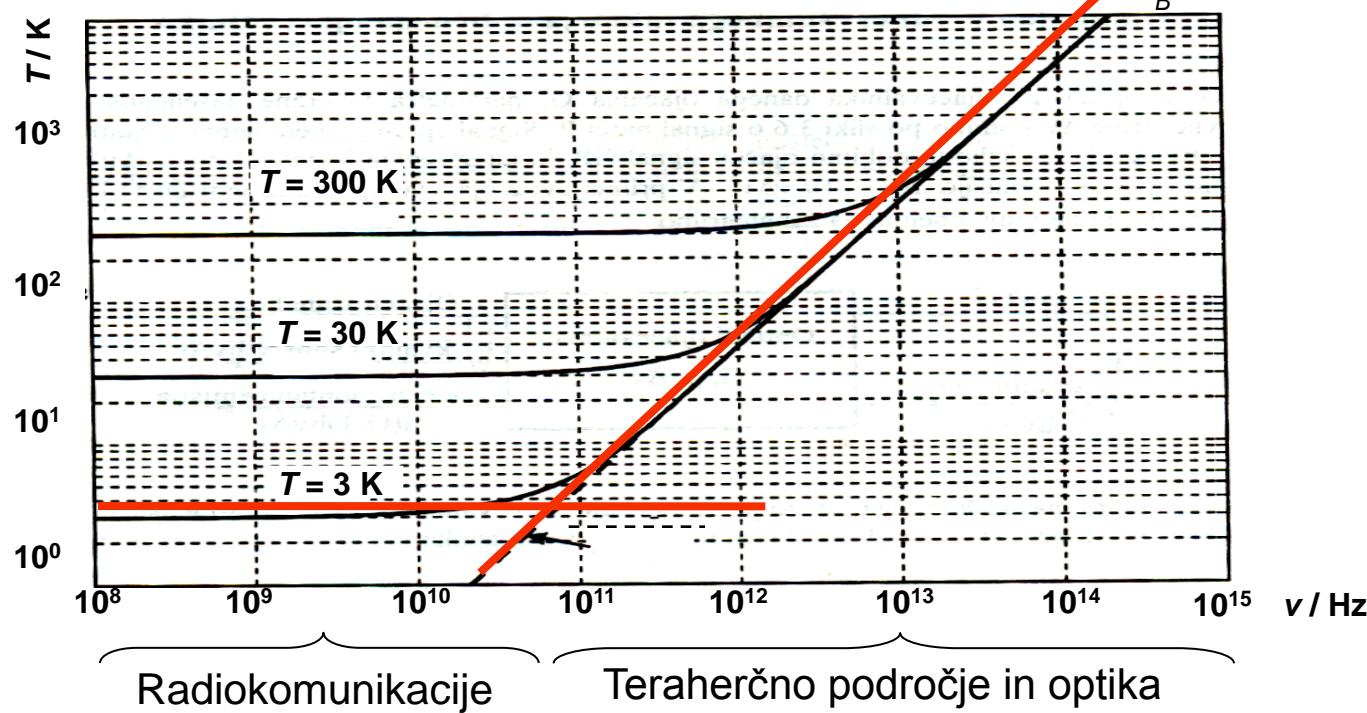
- Stefan-Boltzmannov zakon

$$P = \sigma A T^4, \quad \sigma = 5,67 \cdot 10^{-8} \text{ Wm}^{-2} \text{K}^{-4}$$

$$P = \sigma A (T^4 - T_0^4), \quad A \text{ površina telesa}$$

Osnovni šumni prag

- Toplotni šum kozmičnega ozadja, šumna temperatura $T_0 = 2,725 \text{ K}$
- Kvantni šum (vakuumski fluktuacija), ekvivalentna šumna temperatura $T_s = \frac{1}{2} \frac{hf}{k_B}$
- Osnovni šumni prag, ekvivalentna temperatura $T = T_0 + T_s = T_0 + \frac{1}{2} \frac{hf}{k_B} = 2,725 + 2,4 \cdot 10^{-2} f_{\text{GHz}}$



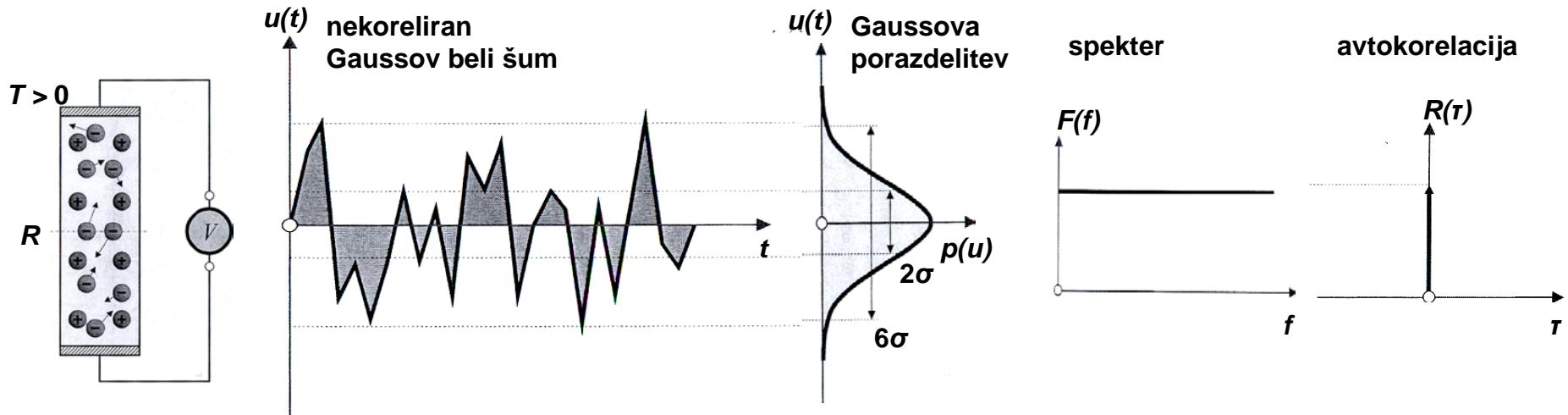
Radiokomunikacije

- nizko do srednje slabljenje ozračja
- nizek šum kozmičnega ozadja
- neznaten kvantni šum
- toplotni šum odvisen od T

Teraherčno področje in optika

- nizko slabljenje ozračja (vidni spekter) in zelo visoko slabljenje ozračja (teraherčno področje, submilimeterski valovi)
- znaten in prevladujoč kvantni šum
- šum neodvisen od T

Johnson-Nyquistov šum



- Šumno napetost na uporu povzroča vzdolžna komponenta hitrosti termično vzbujenih elektronov. Upor obravnavamo kot enorazsežni resonator, ki ima število rodov $N_1 = 4/c$ (Hz·m) $^{-1}$. Iz gostote energije ρ po Planckovem zakonu oziroma iz gostote energije po Rayleigh-Jeansovem približku dobimo spekralno gostoščino šumne moči S .

$$S = c\rho = cN_1 E = 4 \frac{h\nu}{e^{\frac{h\nu}{k_B T}} - 1} \doteq 4k_B T \text{ W/Hz}$$

Planckov oz. Rayleigh-Jeansov
šum

- Šumna moč upora v frekvenčnem pasu Δf je

$$P = S\Delta f = 4k_B T\Delta f \text{ W}$$

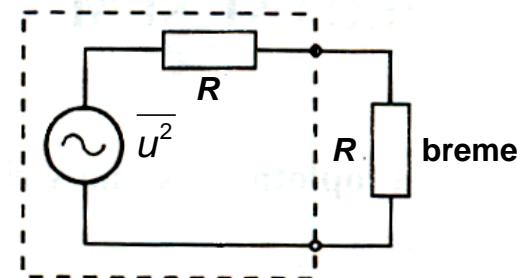
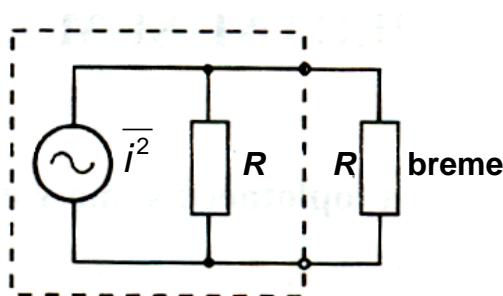
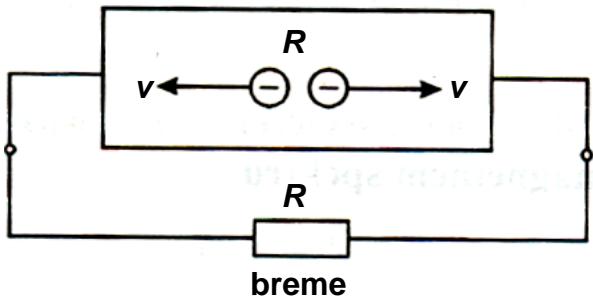
Johnson-Nyquistov šum (1928)

- Šumna moč v prilagojenem bremenu

$$P = k_B T\Delta f \text{ W}$$

Johnson–Nyquistov šum (nadaljevanje)

šumeči upor



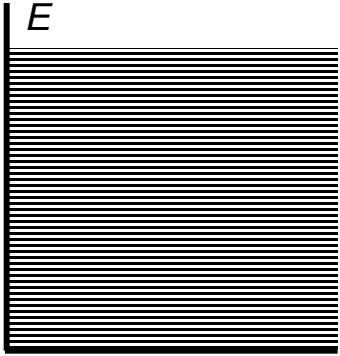
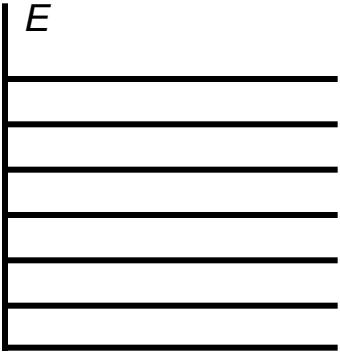
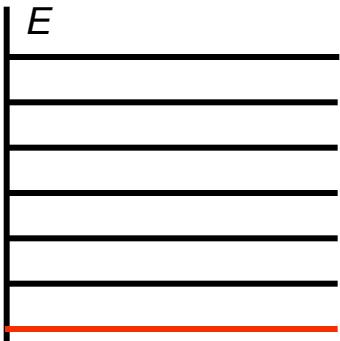
- srednjekvadratni šumni tok nadomestnega generatorja po Nortonu je

$$\bar{i}^2 = \frac{4}{R} \frac{hv\Delta f}{e^{\frac{hv}{k_B T}} - 1} \quad (\text{Planck}) \quad \doteq \frac{4k_B T \Delta f}{R} \quad (\text{Rayleigh - Jeans})$$

- srednjekvadratna šumna napetost nadomestnega generatorja po Theveninu je

$$\bar{u}^2 = 4R \frac{hv\Delta f}{e^{\frac{hv}{k_B T}} - 1} \quad (\text{Planck}) \quad \doteq 4k_B T R \Delta f \quad (\text{Rayleigh - Jeans})$$

Kvantizacija energijskih stanj

 <p>Klasična fizika Zvezna porazdelitev energijskih stanj</p>	<p>Termodinamično ravnotežje $T = \text{konst}$ Boltzmannova porazdelitev zasedbe zveznih energijskih stanj</p> $p(E) = \frac{1}{k_B T} e^{-\frac{E}{k_B T}}$ <p>$k_B = 1,38 \cdot 10^{-23} \text{ J/K}$ Boltzmannova konstanta</p>																
 <table border="1"> <thead> <tr> <th>E</th> <th></th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td></td><td>6 $h\nu$</td></tr> <tr><td></td><td>5 $h\nu$</td></tr> <tr><td></td><td>4 $h\nu$</td></tr> <tr><td></td><td>3 $h\nu$</td></tr> <tr><td></td><td>2 $h\nu$</td></tr> <tr><td></td><td>1 $h\nu$</td></tr> </tbody> </table>	E			6 $h\nu$		5 $h\nu$		4 $h\nu$		3 $h\nu$		2 $h\nu$		1 $h\nu$	<p>Kvantna fizika Fizika osnovnih delcev Diskretna porazdelitev energijskih stanj</p> $\frac{N_j}{N_i} = e^{\frac{E_j - E_i}{k_B T}} = e^{-(j-i)\frac{h\nu}{k_B T}}$ <p>$h\nu < k_B T \dots \text{pri } v < 6 \text{ THz } (\lambda < 48 \mu\text{m})$</p>		
E																	
	6 $h\nu$																
	5 $h\nu$																
	4 $h\nu$																
	3 $h\nu$																
	2 $h\nu$																
	1 $h\nu$																
 <table border="1"> <thead> <tr> <th>E</th> <th></th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td></td><td>($\frac{1}{2} + 6$) $h\nu$</td></tr> <tr><td></td><td>($\frac{1}{2} + 5$) $h\nu$</td></tr> <tr><td></td><td>($\frac{1}{2} + 4$) $h\nu$</td></tr> <tr><td></td><td>($\frac{1}{2} + 3$) $h\nu$</td></tr> <tr><td></td><td>($\frac{1}{2} + 2$) $h\nu$</td></tr> <tr><td></td><td>($\frac{1}{2} + 1$) $h\nu$</td></tr> <tr><td></td><td>$\frac{1}{2} h\nu$</td></tr> </tbody> </table>	E			($\frac{1}{2} + 6$) $h\nu$		($\frac{1}{2} + 5$) $h\nu$		($\frac{1}{2} + 4$) $h\nu$		($\frac{1}{2} + 3$) $h\nu$		($\frac{1}{2} + 2$) $h\nu$		($\frac{1}{2} + 1$) $h\nu$		$\frac{1}{2} h\nu$	<p>Kvantna fizika Energijski nivoji z upoštevanjem ničelne energije $E_{\min} = \frac{1}{2} h\nu$</p> <p>Koncept ničelne energije (vakumska energija, vakuumska fluktuacija, drhtenje, nemir vakuuma) ima velik pomen v kozmologiji. V radijskih in optičnih komunikacijah pomeni ničelna energija kvantni šum, ki je osnovna omejitev optičnih zvez.</p>
E																	
	($\frac{1}{2} + 6$) $h\nu$																
	($\frac{1}{2} + 5$) $h\nu$																
	($\frac{1}{2} + 4$) $h\nu$																
	($\frac{1}{2} + 3$) $h\nu$																
	($\frac{1}{2} + 2$) $h\nu$																
	($\frac{1}{2} + 1$) $h\nu$																
	$\frac{1}{2} h\nu$																

Osnovni nivo radijskega šuma

$$P_w = k_B T_K \Delta f_{Hz}, \quad k_B = 1,38 \cdot 10^{-23} \text{ J K}^{-1}$$

$$P_{dBm} = -174 + 10 \log_{10} \Delta f_{Hz} \quad \text{pri } T = 273 \text{ K}$$

Pas	Moč (dBm)	
1 Hz	-174	
10 Hz	-164	
1000 Hz	-144	
10 kHz	-124	FM -vzeto

Osnovni nivo optičnega šuma

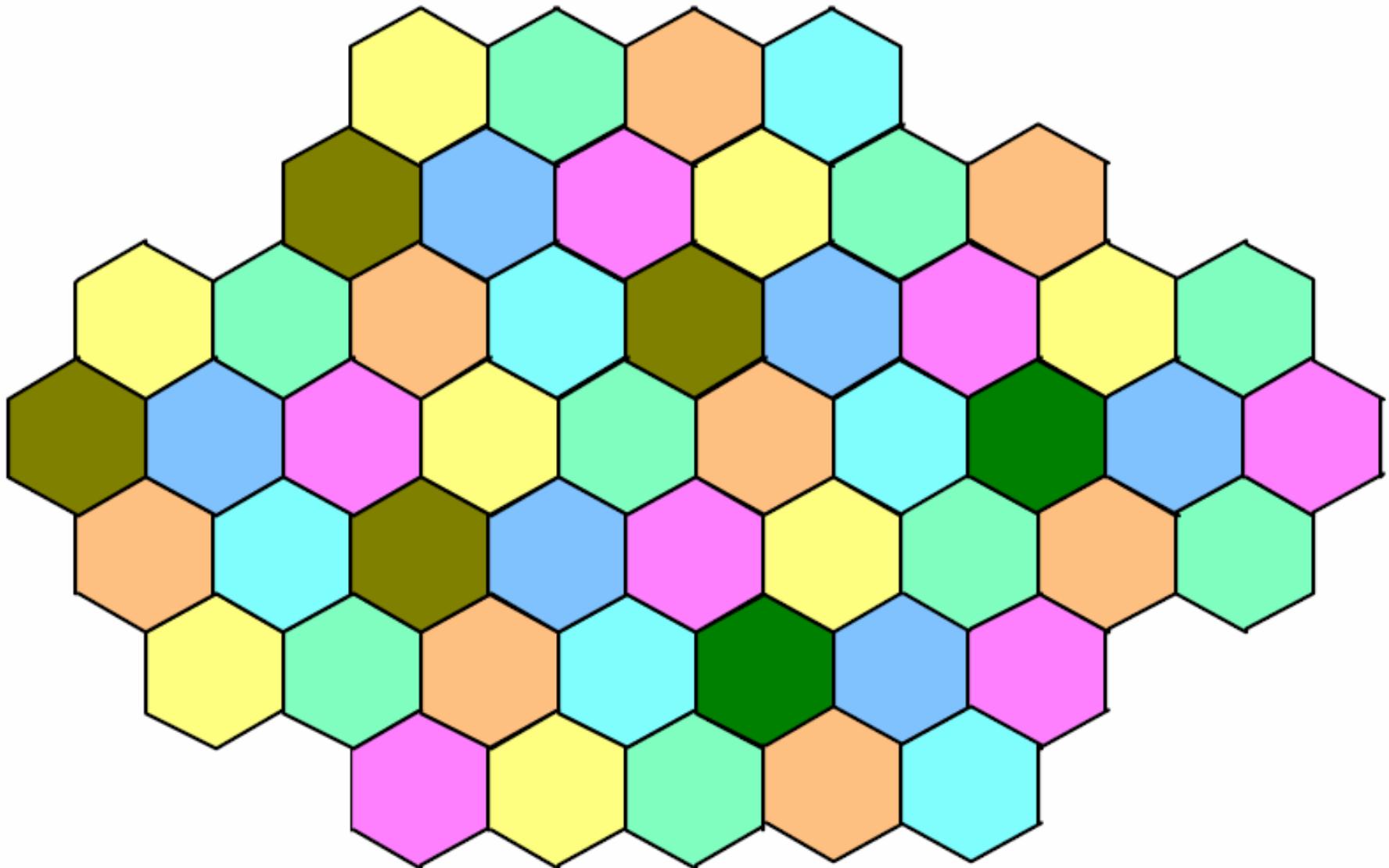
$$\nu \Delta\nu, \quad h = 6,624 \cdot 10^{-34} \text{ Js}$$

0 THz ($\lambda = 1,55 \mu\text{m}$)

$$- 68,8 + 10 \log(\Delta\nu_{\text{GHz}})$$

Pas (GHz)	Moč (dBm)
0,1	- 78,8
1	- 68,8
2	- 65,8
10	- 58,8
20	- 55,8

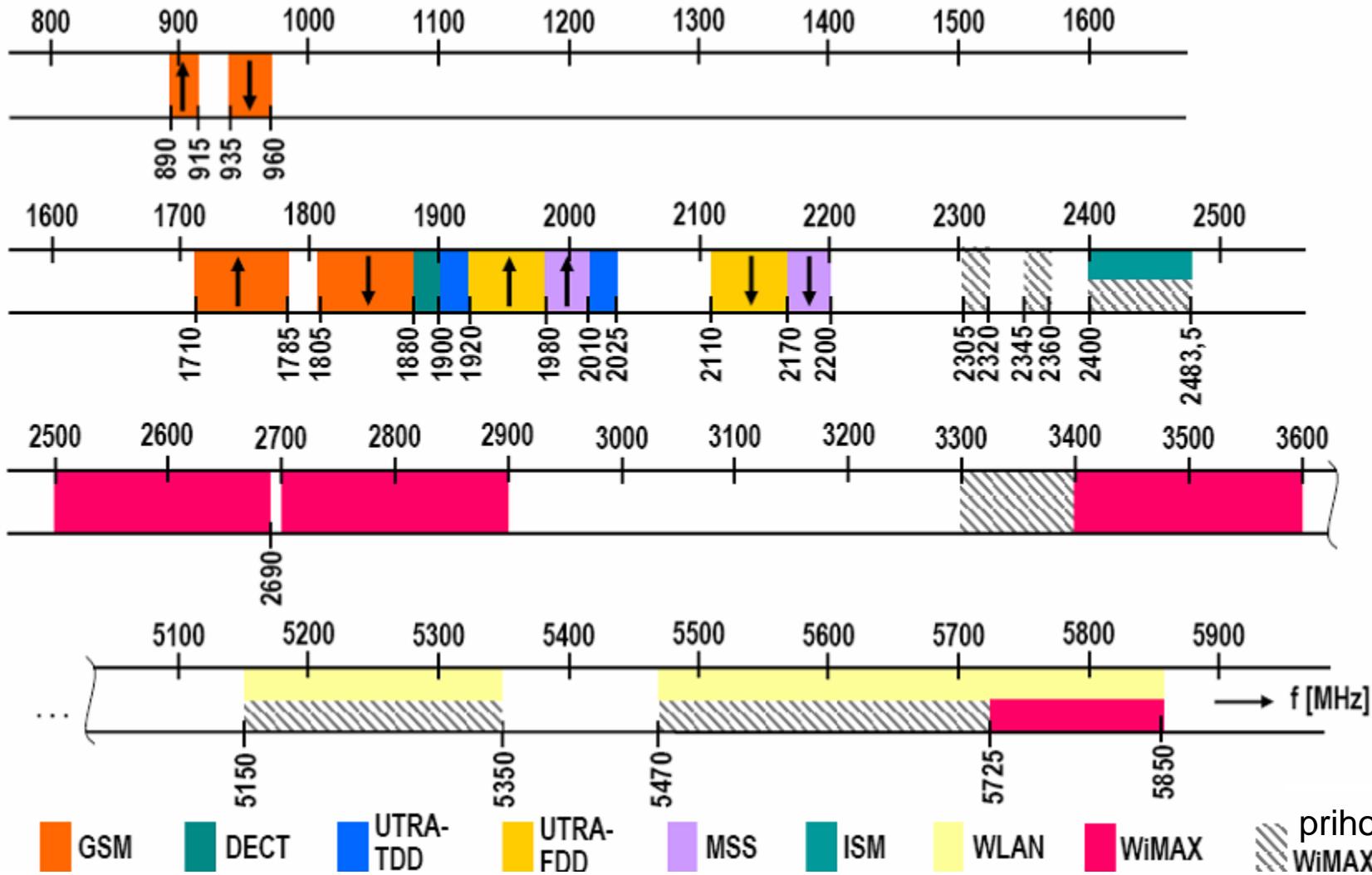
Mobilni sistemi



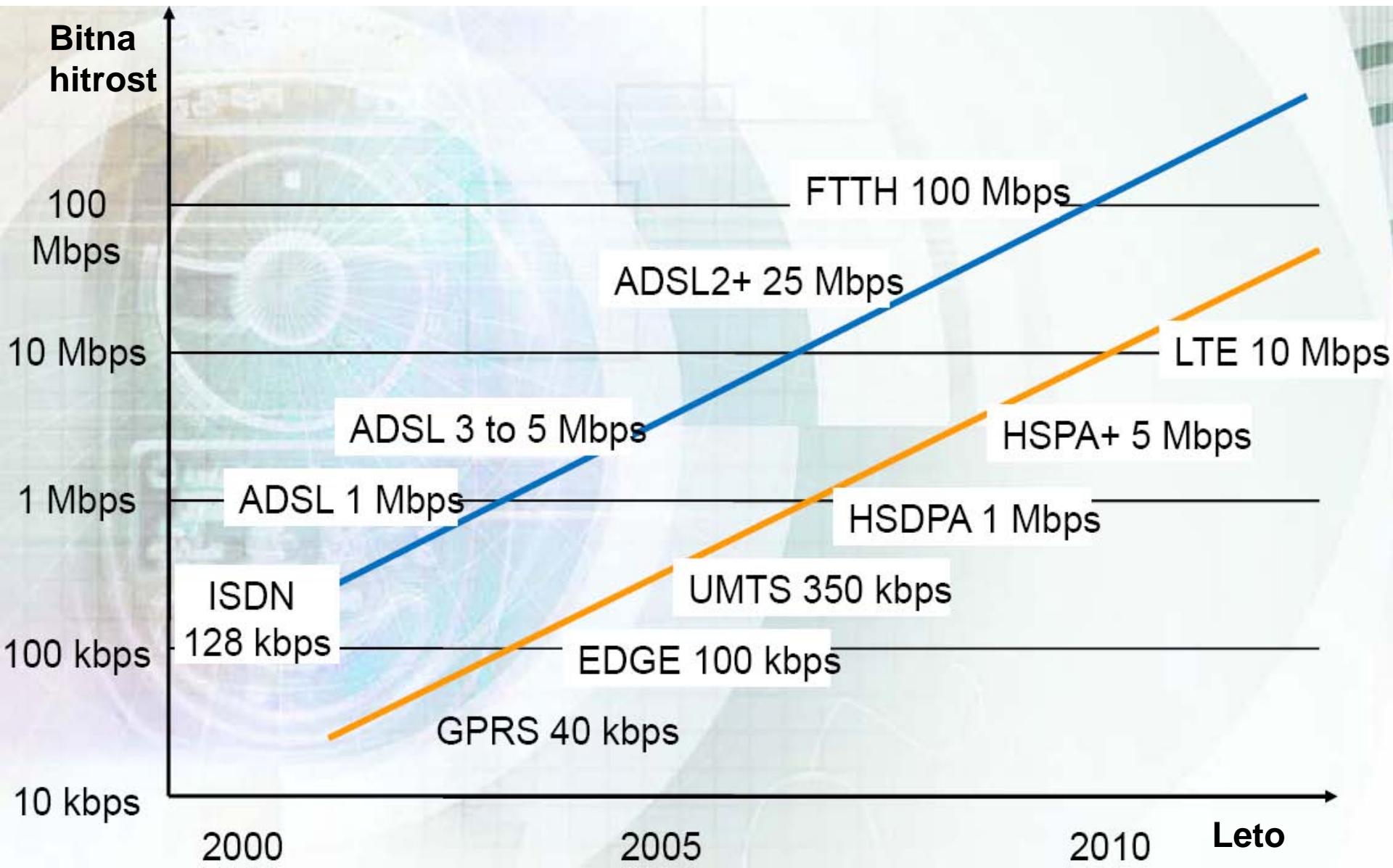
Primerjava UMTS, WiMax, LTE

	UMTS	802.16e	LTE
Način dostopa	CDMA	OFDMA, SOFDMA	SOFDMA
Frekvenčni pas	~ 2 GHz 2,5 ÷ 2,7 GHz	2,3 GHz 2,5 ÷ 2,7 GHz 3,5 GHz	900, 1800 ? ~ 2 GHz
Frekvenčni pas kanala	5 MHz	1,75 MHz ÷ 28 MHz	1,25 MHz ÷ 20 MHz
Bitna hitrost	2 Mbit/s (Rel 4) 14,4 Mbit/s (Rel 5) 5,8 Mbit/s (Rel 6)	63 Mbit/s (↓) 28 Mbit/s (↑)	100 Mbit/s (↓) 50 Mbit/s (↑)
Način	FDD (TDD)	TDD, (FDD)	FDD, TDD ?

Spekter za mobilne komunikacije v Evropi



Žični, optični in radijski dostop – bitna hitrost



Digitalne modulacije

- Intenzitetne: najpreprostejša
 - OOK, IM/DD, OOK NRZ, OOK RZ
- Amplitudne:
 - ASK, M-ASK (NRZ, RZ)
 - M-QAM
- Fazne:
 - M-PSK, QPSK, DPSK, DQPSK
- Amplitudno – fazne:
 - M-APSK

Velika večina sistemov v praktičnih optičnih sistemih uporablja danes OOK NRZ

Modulacije

$$s(t) = a(t) \cos\{2\pi[f_c + f_i(t)]t + \phi(t)\}$$

a Amplituda

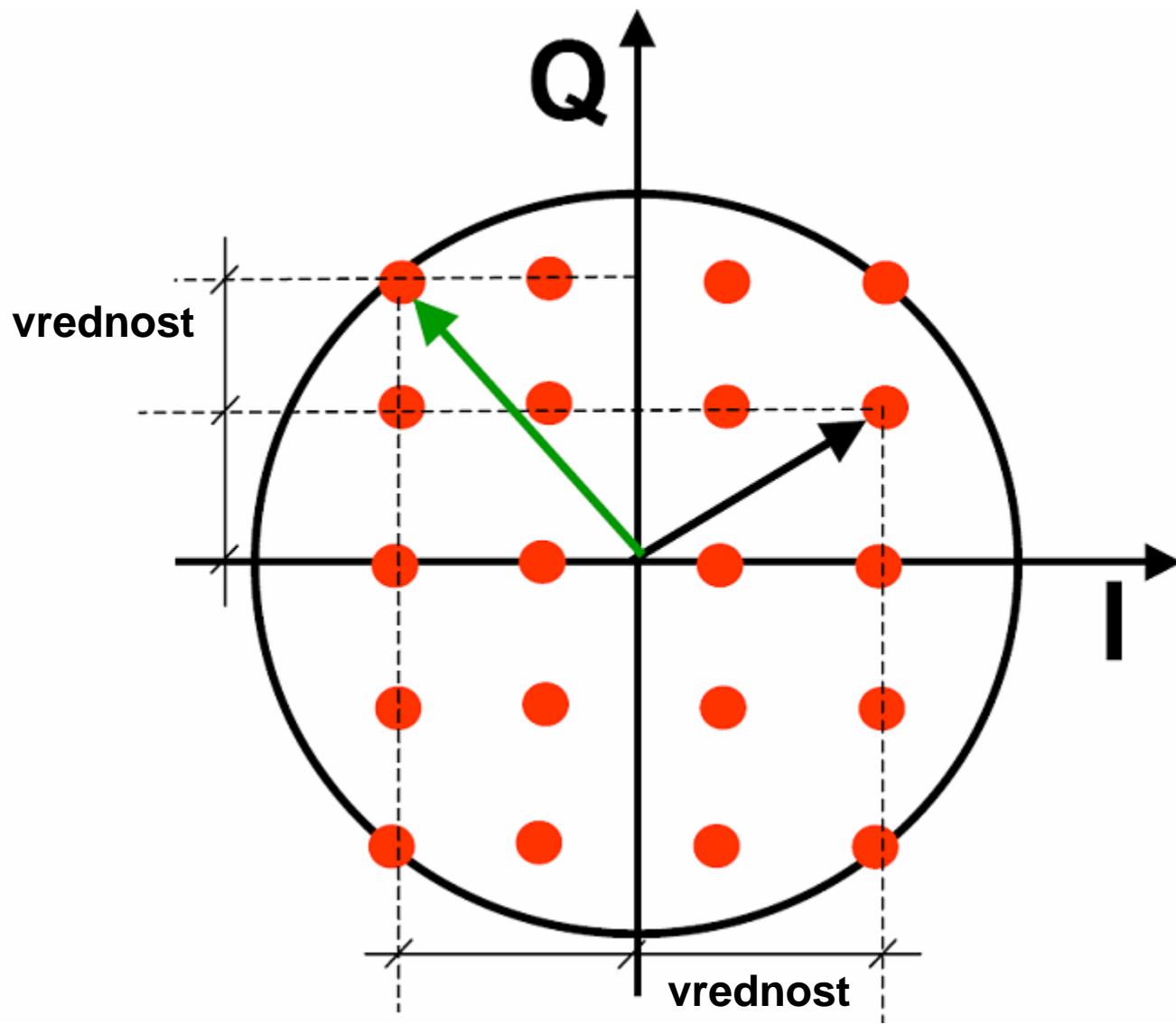
f_c Frekvenca nosilnika

ϕ Faza

f_i Informacijska frekvenca

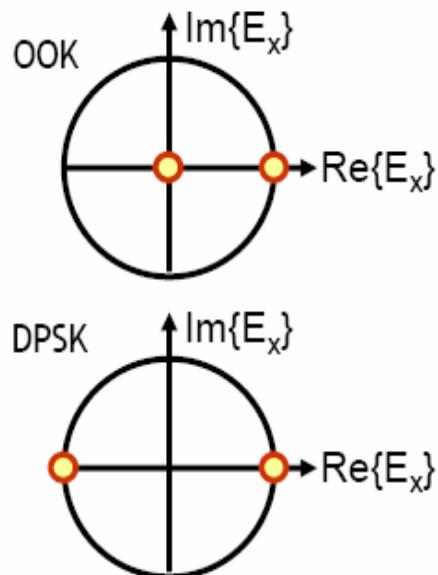
analogna	digitalna	več nosilnikov	razpršeni spekter
<ul style="list-style-type: none">■ AM■ SSB■ RSB■ FM	<ul style="list-style-type: none">■ ASK■ FSK■ PSK■ QAM	<ul style="list-style-type: none">■ based on FFT<ul style="list-style-type: none">• DMT• OFDM• COFDM	<ul style="list-style-type: none">■ DS■ FH■ TH

I – Q konstelacija

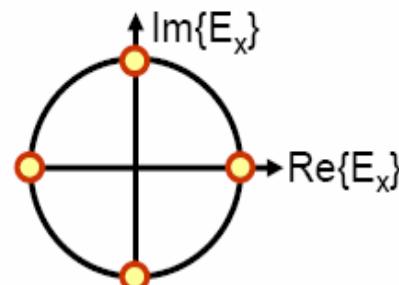


Modulacijski formati

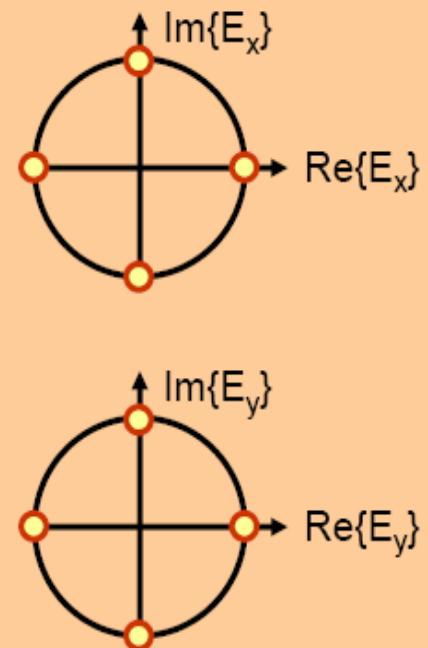
1 bit/simbol
(OOK, DPSK)



2 bita/simbol
(DQPSK, PDM OOK)



4 biti/simbol
(PDM (D)QPSK, 16 QAM)



$E_x \dots$ x-polarizacija polja
 $E_y \dots$ y-polarizacija polja

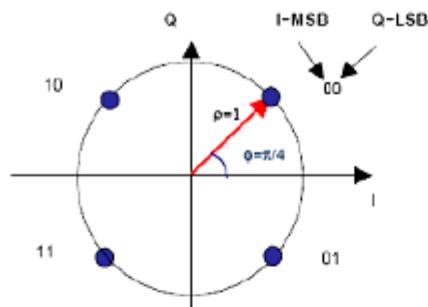
Modulacijski formati
1 – 4 bitov/simbol

4 – PSK (QPSK)

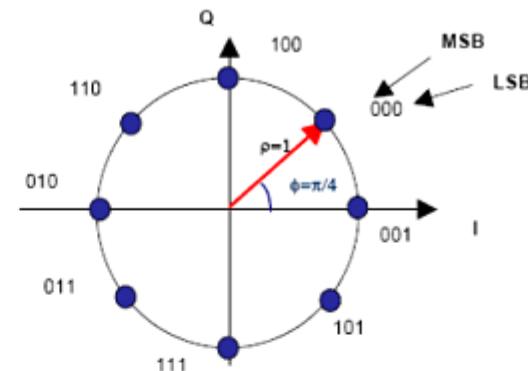
$$s(t) = \begin{cases} A \cos\left(2\pi f_c t + \frac{\pi}{4}\right) & 11 \\ A \cos\left(2\pi f_c t + \frac{3\pi}{4}\right) & 01 \\ A \cos\left(2\pi f_c t - \frac{3\pi}{4}\right) & 00 \\ A \cos\left(2\pi f_c t - \frac{\pi}{4}\right) & 10 \end{cases}$$

Modulacijski formati - konstelacije

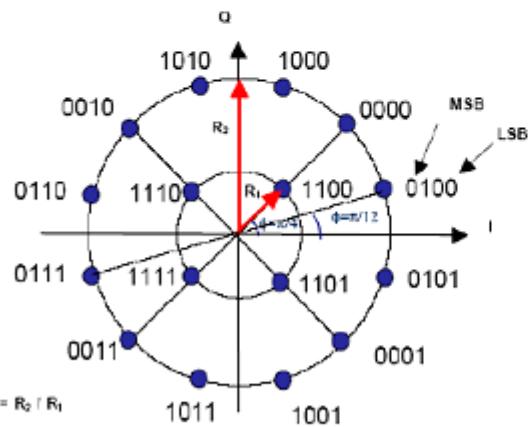
QPSK



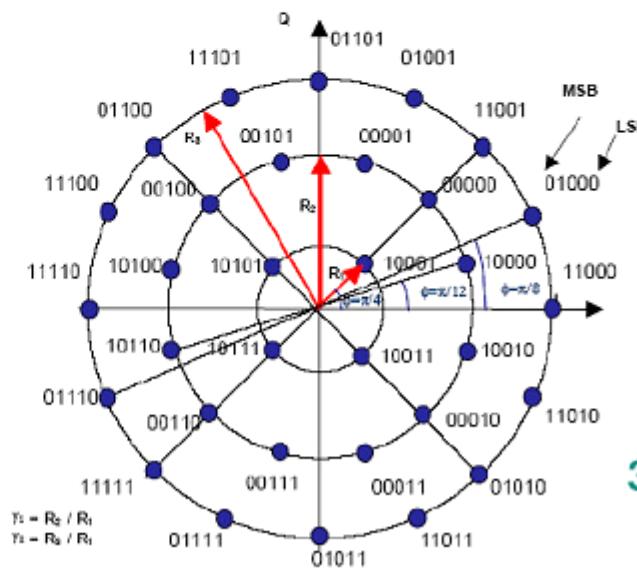
8-PSK



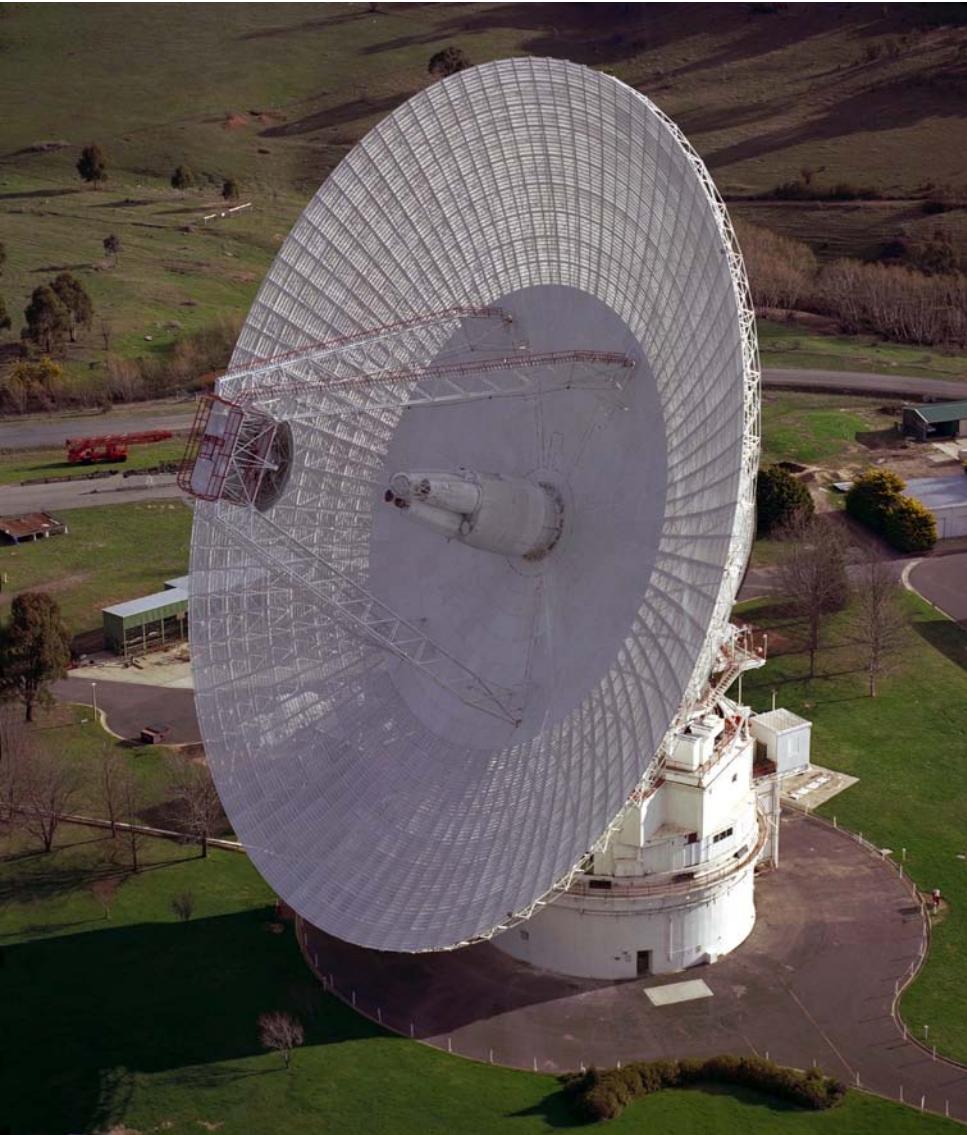
16-APSK



32-APSK



Radiokomunikacije



Satelitska zemeljska antena



Usmerjene zveze